

正答表 数学

マーク・解答上の注意事項

- 1 受検番号欄は、HB又はBの鉛筆（シャープペンシルも可）を使って、○の中を正確に塗りつぶすこと。
- 2 記入した内容を直すときは、きれいに消して、消しくずを残さないこと。
- 3 決められた欄以外にマークしたり、記入したりしないこと。

| 良い例 | 悪い例 |
|-----|-----|
| | |
| | |
| | |
| | |

* 受検番号欄は裏面にもあります。

| 受 検 番 号 | | | | | | |
|---------|---|---|---|---|---|---|
| ① | ① | ① | ① | ① | ① | ① |
| ② | ② | ② | ② | ② | ② | ② |
| ③ | ③ | ③ | ③ | ③ | ③ | ③ |
| ④ | ④ | ④ | ④ | ④ | ④ | ④ |
| ⑤ | ⑤ | ⑤ | ⑤ | ⑤ | ⑤ | ⑤ |
| ⑥ | ⑥ | ⑥ | ⑥ | ⑥ | ⑥ | ⑥ |
| ⑦ | ⑦ | ⑦ | ⑦ | ⑦ | ⑦ | ⑦ |
| ⑧ | ⑧ | ⑧ | ⑧ | ⑧ | ⑧ | ⑧ |
| ⑨ | ⑨ | ⑨ | ⑨ | ⑨ | ⑨ | ⑨ |

(4-国)

正答表 数学

受 検 番 号

| | | | | | | | |
|--|--|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | | |
|--|--|--|--|--|--|--|--|

| 1 | |
|------|-------------------------------------|
| 〔問1〕 | $1 + 2\sqrt{15}$ |
| 〔問2〕 | $x = -\frac{1}{2}, y = \frac{1}{3}$ |
| 〔問3〕 | $0, \frac{7}{2}$ |
| 〔問4〕 | $\frac{11}{32}$ |
| 〔問5〕 | 【作図】 |

| 2 | |
|------|-----------------------|
| 〔問1〕 | $-2a^2 \leq y \leq 0$ |
| 〔問2〕 | (1) 【途中の式や計算など】 |

直線CFは、傾きが直線ABと等しく点C $(-\frac{2}{3}, \frac{1}{9})$ を通る
 ここで、直線ABを $y = mx + n$ とおき
 $A(-\frac{2}{3}, -\frac{2}{9}), B(\frac{1}{3}, -\frac{1}{18})$ を代入すると
 $-\frac{2}{9} = -\frac{2}{3}m + n \dots ① \quad -\frac{1}{18} = \frac{1}{3}m + n \dots ②$
 ②-① より 傾き $m = \frac{1}{6}$
 したがって 直線CFは $y = \frac{1}{6}x + q$ とおけ
 $C(-\frac{2}{3}, \frac{1}{9})$ を代入すると
 $\frac{1}{9} = \frac{1}{6}(-\frac{2}{3}) + q$ より $q = \frac{2}{9}$
 よって 直線CFは、 $y = \frac{1}{6}x + \frac{2}{9}$ と表され
 点Fのy座標は $\frac{1}{6}t + \frac{2}{9} \dots ③$
 また、点Fは $y = \frac{1}{4}x^2$ 上の点より y座標は $\frac{1}{4}t^2 \dots ④$
 ③, ④より $\frac{1}{4}t^2 = \frac{1}{6}t + \frac{2}{9}$
 整理して $9t^2 - 6t - 8 = 0$
 $t = \frac{6 \pm \sqrt{324}}{18} = \frac{6 \pm 18}{18} = -\frac{2}{3}, \frac{4}{3}$
 点Fは点Cと異なる点より $t = \frac{4}{3}$

(答え) $t = \frac{4}{3}$

| | | | |
|------|-----|----------------|------------------------------------|
| 〔問2〕 | (2) | a, b を用いて表すと | $\frac{9}{2}a^3b + \frac{9}{4}a^3$ |
| | | 最も小さい値は | 54 |

| 3 | |
|------|-----------------|
| 〔問1〕 | 141 度 |
| 〔問2〕 | (1) HI:AD = 1:3 |
| 〔問2〕 | (2) 【証明】 |

BE//JC, BJ//ECより四角形BJCEは平行四辺形である。
 また、辺BCは平行四辺形BJCEの対角線で、
 仮定から点Dは辺BCの中点だから、BD=CDより、
 点Dは平行四辺形BJCEの対角線の交点である。
 点Jと点Eは平行四辺形BJCEの頂点だから、
 点Jと点Eを結ぶと、線分JEは平行四辺形BJCEの
 対角線なので、点Dを通る。
 したがって
 $DJ = ED \dots ①$
 $\triangle CAB$ において
 仮定より
 点Dと点Eはそれぞれ辺CBと辺CAの中点なので
 $ED // AB, ED = \frac{1}{2}AB$
 また、点Fは辺ABの中点なので、 $AF = BF$ より
 $\frac{1}{2}AB = AF$
 したがって
 $AF // ED, AF = ED$
 ①より
 $AF // DJ, AF = DJ$
 よって、
 1組の対辺が平行で長さが等しいので
 四角形AFJDは平行四辺形である。

| 4 | |
|------|-----------------------|
| 〔問1〕 | (1) $\frac{16}{5}$ cm |
| 〔問1〕 | (2) 【図や途中の式など】 |

立体PGCBの展開図の一部を考えて、
 点Qは線分BGと線分CPの交点である。
 ここで、 $CB = CG = 8, PB = PG = \sqrt{4^2 + 8^2} = 4\sqrt{5}$ で
 $\triangle PBG$ と $\triangle CBG$ は二等辺三角形なので、
 QはBGの中点で、 $CP \perp BG$ である。

$CQ^2 = 8^2 - (4\sqrt{2})^2$
 より
 $CQ = 4\sqrt{2}$
 $PQ^2 = (4\sqrt{5})^2 - (4\sqrt{2})^2$
 より
 $PQ = 4\sqrt{3}$
 よって
 $\triangle PQG + \triangle CQB$
 $= \text{四角形PGCB} \times \frac{1}{2}$
 $= (BG \times CQ \times \frac{1}{2} + BG \times PQ \times \frac{1}{2}) \times \frac{1}{2}$
 $= BG(CQ + PQ) \times \frac{1}{4}$
 $= 8\sqrt{2}(4\sqrt{2} + 4\sqrt{3}) \times \frac{1}{4}$
 $= 16 + 8\sqrt{6}$

(答え) $(16 + 8\sqrt{6}) \text{ cm}^2$

| | |
|------|------------------|
| 〔問2〕 | $\frac{7}{3}$ cm |
|------|------------------|