

1		
[問 1]	$6\sqrt{3}$	5
[問 2]	-2, 8	5
[問 3]	$x=6, y=3$	5
[問 4]	$\frac{8}{15}$	5
[問 5]		5

2		
[問 1]	$\frac{10}{3}$	5
[問 2]	$a=1, b=\frac{9}{2}$	8
[問 3]	【途中の式や計算など】	12

点 B, C, E の座標はそれぞれ  $(a+1, (a+1)^2), (1, 6), (-a, a^2)$  となる。

直線 BE の傾きは

$$\frac{(a+1)^2 - a^2}{(a+1) - (-a)} = \frac{2a+1}{2a+1} = 1$$

切片を  $n$  とすると、直線 BE の式は  $y=x+n$  と表せる。

点 C(1, 6) を通るから、 $6=1+n$  によって、 $n=5$  となり、直線 BE の式は、 $y=x+5$

この直線が点 E  $(-a, a^2)$  を通るから、 $a^2 = -a+5$

すなわち、 $a^2+a-5=0$

$a>0$  であるから

$$a = \frac{-1+\sqrt{21}}{2} \quad \dots \text{ 答}$$

(答え)  $\frac{-1+\sqrt{21}}{2}$

3		
[問 1]	54 度	7
[問 2] (1)	【証明】	10

【証明】  $\triangle BAD$  と  $\triangle EAD$  において、半円の弧に対する円周角であるから、 $\angle BDA = 90^\circ$

よって、 $\angle EDA = 90^\circ \dots \text{ ①}$

$\widehat{CD} = \widehat{DB}$  より、円周角の定理から、 $\angle BAD = \angle EAD \dots \text{ ②}$

共通であるから、 $AD = AD \dots \text{ ③}$

①, ②, ③より、1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しいので

$$\triangle BAD \cong \triangle EAD$$

よって、 $DB = DE$  終

(答え)  $\frac{125}{61}$  cm 8

4		
[問 1]	$\frac{100}{3}$ cm <sup>3</sup>	7
[問 2]	【途中の式や計算など】	10

$EP = 2t, EQ = t$  とする。(以下、単位 cm 略)

$$PQ^2 = (2t)^2 + t^2 = 5t^2 = (4\sqrt{5})^2$$

$t=4$  より  $EP=8, EQ=4$  となるから、点 Q と点 H は一致する。

$$AP = \sqrt{AE^2 + PE^2} = \sqrt{4^2 + 8^2} = \sqrt{80} = 4\sqrt{5}$$

$AP = QP = 4\sqrt{5}$  より、 $\triangle APQ$  は二等辺三角形となる。

頂点 P より辺 AQ に引いた垂線と線分 AQ との交点を K とする。

二等辺三角形の性質から、点 K は線分 AQ の中点となる。

$AQ = 4\sqrt{2}$  より  $AK = 2\sqrt{2}$  となるので

$$PK = \sqrt{AP^2 - AK^2} = \sqrt{(4\sqrt{5})^2 - (2\sqrt{2})^2} = \sqrt{72} = 6\sqrt{2}$$

よって、 $\triangle APQ$  の面積は

$$\frac{1}{2} AQ \times PK = \frac{1}{2} \times 4\sqrt{2} \times 6\sqrt{2} = 24 \text{ (cm}^2\text{)}$$

(答え) 24 cm<sup>2</sup>

[問 3] 24 cm<sup>3</sup> 8