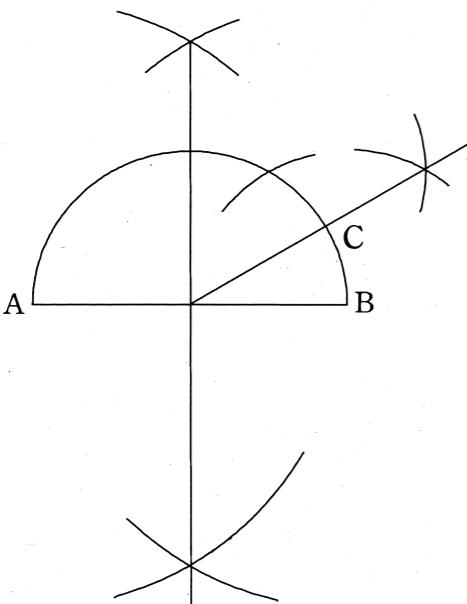


正 答 表

1		点
[問 1]	$20 + \sqrt{21}$	5
[問 2]	$x = 8, y = -4$	5
[問 3]	$p = 108$	5
[問 4]	$\frac{5}{12}$	5
[問 5]		5



数 学

2		点
[問 1]	$a = -\frac{4}{3}$	7
[問 2]	【途中の式や計算など】	11

点 A は曲線 m 上の点であるから
 $y = \frac{36}{-4} = -9$
よって、点 A の座標は $(-4, -9)$

点 A は曲線 ℓ 上の点でもあるから
 $-9 = a \times (-4)^2$ より $a = -\frac{9}{16}$
よって、曲線 ℓ の方程式は
 $y = -\frac{9}{16}x^2$ ①

また、点 A と y 軸について対称移動した点が B であるから、点 B の座標は $(4, -9)$

四角形 OACB はひし形であるから、
向かい合う対辺は平行である。

よって、直線 OA と直線 BC の傾きは等しい。
直線 OA は、O(0, 0)と A(-4, -9)を通るから、
直線 OA の傾きは $\frac{0 - (-9)}{0 - (-4)} = \frac{9}{4}$
直線 BC は、B(4, -9)を通り、傾きが $\frac{9}{4}$ である。
直線 BC の切片を b とすると、
 $-9 = 4 \times \frac{9}{4} + b$ となり、 $b = -18$
よって、直線 BC の式は、 $y = \frac{9}{4}x - 18$ ②

ここで、点 D の x 座標を t とおく。
①と②の交点において、y 座標に着目すると、
 $-\frac{9}{16}t^2 = \frac{9}{4}t - 18$ これを解くと、
 $(t+8)(t-4)=0$ より $t = -8, 4$
求める点 D は点 B と異なるものであるから
 $t = -8$
よって、点 D の x 座標は -8 であるから、
これを①に代入して $y = -\frac{9}{16} \times (-8)^2 = -36$
よって、点 D の座標は $(-8, -36)$

(答え) $(-8, -36)$

[問 3] $x = -9, 3, 12$ 7

3		点
[問 1]	$\frac{\sqrt{3}}{3}$ cm	7
[問 2] (1)	【証明】	11

$\triangle ABC$ と $\triangle CIJ$ は正三角形であるから
 $\angle BCA = \angle ICJ = 60^\circ$
 $\angle ACJ = \angle ACI + \angle ICJ = \angle ACI + 60^\circ$
 $\angle BCI = \angle ACI + \angle BCA = \angle ACI + 60^\circ$
よって、 $\angle ACJ = \angle BCI$ ①

$\triangle ABC$ は正三角形であるから $AC = BC$ ②

$\triangle CIJ$ は正三角形であるから $CJ = CI$ ③

①, ②, ③より
2組の辺とその間の角がそれぞれ等しいから
 $\triangle ACJ \equiv \triangle BCI$
合同な三角形の対応する角は等しいから
 $\angle KAC = \angle KBC$
したがって円周角の定理の逆により
4点 A, B, C, K は同じ円周上にある。

[問 2] (2) 14 度 7

4		点
[問 1]	13 個	7
[問 2]	4608 cm^2	7
[問 3]	【途中の式や計算など】	11

立方体を作るから底面が正方形である。
横の長さは 8 の倍数、縦の長さは 6 の倍数だから、
底面の 1 辺の長さは、6 と 8 の公倍数になる。
AB = 104, AD = 156 で、底面が図 1
の四角形 ABCD より大きくならないことから、
1 辺の長さは
24, 48, 72, 96 のいずれかである。
立方体の高さは 9 の倍数だから、
立方体の 1 辺の長さは
72 だけである。
よって、使われるブロックの個数は
横は、 $72 \div 8$ より 9 個
縦は、 $72 \div 6$ より 12 個
高さ $72 \div 9$ より 8 個 だから
 $9 \times 12 \times 8 = 864$ (個) (答え)

(答え) 864 個

小計 [1] 小計 [2] 小計 [3] 小計 [4]
25 25 25 25

合 計 得 点
100

(3-立)