

1		点
[問 1]	-3	5
[問 2]	$x = \frac{4}{3}, y = -\frac{5}{3}$	5
[問 3]	$2 \pm \sqrt{7}$	5
[問 4]	$\frac{2}{3}$	5
[問 5] 解答例		5

※ の欄には、記入しないこと

小計	1	小計	2	小計	3	小計	4
	25		25		26		25

2		点
[問 1]	(4 , 8)	7
[問 2] 解答例	(1) 【途中の式や計算など】	10

$\triangle OAD : \triangle OBD = 4 : 3$ より
 $AD : DB = 4 : 3$
 点 A, 点 B の x 座標はそれぞれ $-4t, 3t (t > 0)$ と表すことができ
 点 A $(-4t, 8t^2)$,
 点 B $(3t, \frac{9}{2}t^2)$ と表せる。
 2 点 A, B を通る直線 g の式は
 $y = mx + 4 \dots \textcircled{1}$
 この直線が A $(-4t, 8t^2)$ を通ることから,
 $8t^2 = -4tm + 4 \dots \textcircled{2}$
 $2t^2 = -tm + 1 \dots \textcircled{3}$
 点 B $(3t, \frac{9}{2}t^2)$ を通ることから,
 $\frac{9}{2}t^2 = 3tm + 4 \dots \textcircled{4}$
 $\textcircled{2} \times 3 + \textcircled{3}$ より
 $\frac{21}{2}t^2 = 7$
 $t^2 = \frac{2}{3}$
 $t > 0$ より, $t = \frac{\sqrt{6}}{3}$
 $\textcircled{2}$ に代入して,
 $2 \times \frac{2}{3} = -\frac{\sqrt{6}}{3}m + 1$ より $m = -\frac{\sqrt{6}}{6}$
 したがって, 直線 g の式は, $\textcircled{1}$ より
 $y = -\frac{\sqrt{6}}{6}x + 4$

(答え) $y = -\frac{\sqrt{6}}{6}x + 4$

[問 2]	(2)	$\frac{15}{8} \text{ cm}^2$	8
-------	-----	-----------------------------	---

3		点
[問 1]	108 度	7
[問 2] 解答例	【証明】	10

$\triangle ABF$ と $\triangle CGE$ において
 $BE \parallel CD$ より平行線の錯角は等しいから
 $\angle BEC = \angle ECG \dots \textcircled{1}$
 \widehat{BC} に対する円周角は等しいから
 $\angle BAF = \angle BEC \dots \textcircled{2}$
 $\textcircled{1}, \textcircled{2}$ より
 $\angle BAF = \angle ECG \dots \textcircled{3}$
 また, $AB = AE$ より
 $\angle ABF = \angle AEB \dots \textcircled{4}$
 $BE \parallel CG$ より平行線の同位角は等しいから
 $\angle AEB = \angle EGC \dots \textcircled{5}$
 $\textcircled{4}, \textcircled{5}$ より
 $\angle ABF = \angle CGE \dots \textcircled{6}$
 $\textcircled{3}, \textcircled{6}$ より, 対応する 2 組の角がそれぞれ等しいから
 $\triangle ABF \sim \triangle CGE$

[問 3]	(8 + 6\sqrt{3}) cm^2	8
-------	---------------------------------	---

4		点
[問 1]	$\frac{16}{3} \text{ cm}^3$	7
[問 2] 解答例	(1) 【途中の式や計算など】	10

点 P は辺 DE の中点であり
 $\triangle AED$ は直角二等辺三角形, $\triangle DEF$ は正三角形だから
 $AP = AE \times \frac{1}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$
 $PF = DE \times \frac{\sqrt{3}}{2} = AE \times \sqrt{2} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \sqrt{6}$
 $\triangle AEF$ において, 三平方の定理より
 $AF^2 = AE^2 + EF^2 = 2^2 + (2\sqrt{2})^2 = 12$
 $AF > 0$ より, $AF = 2\sqrt{3}$
 P から直線 AF 上に引いた垂線を PH とし
 $AH = x$ とすると,
 $\triangle PAH$ において, 三平方の定理より $PA^2 = AH^2 + PH^2$
 $PH^2 = PA^2 - AH^2 = 2 - x^2 \dots \textcircled{1}$
 $\triangle PHF$ において, 三平方の定理より $PF^2 = PH^2 + FH^2$
 $PH^2 = PF^2 - FH^2 = 6 - (2\sqrt{3} - x)^2 \dots \textcircled{2}$
 $\textcircled{1}, \textcircled{2}$ より, $2 - x^2 = 6 - (2\sqrt{3} - x)^2$
 これを解いて, $x = \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}}{3}$
 $\textcircled{1}$ より, $PH^2 = 2 - \frac{4}{3} = \frac{2}{3}$
 $PH > 0$ より, $PH = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{6}}{3}$ だから
 $\triangle AFP = \frac{1}{2} \times AF \times PH = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{3} \times \frac{\sqrt{6}}{3} = \sqrt{2}$

(答え) $\sqrt{2} \text{ cm}^2$

[問 2]	(2)	$l = \sqrt{6} + \sqrt{2}$	8
-------	-----	---------------------------	---

合計得点	受検番号
100	