

正 答 表

数 学

1		点
[問 1]	$1 - \sqrt{2}$	5
[問 2]	-1, 6	5
[問 3]	$x = \frac{25}{6}, y = \frac{5}{2}$	5
[問 4]	$\frac{1}{10}$	5
[問 5]		5

[解答例]

2		点
[問 1]	(1) 6	7
[問 1]	(2) $\frac{-6 + 3\sqrt{6}}{2}$	6
[問 2]	【途中の式や計算など】	12

[解答例]  
 2点A, Bの座標はそれぞれ $(4, \frac{8}{3}), (-6, 6)$ となるから,  
 直線 $l$ の式は $y = -\frac{1}{3}x + 4$ , 切片は4である。  
 点Pを通りy軸に平行な直線, および点Bを通りy軸に平行な直線と, 直線 $m$ との交点をそれぞれS, Tとする。  
 長方形PQRBの面積は,  $\square PSTB$ の面積に等しいから,  
 $(c-4)(p+6) = 15$   
 $c, p$ は整数で,  $c > 4, -6 < p \leq 4$ であるから,  
 $(c-4, p+6) = (3, 5), (5, 3), (15, 1)$   
 ゆえに,  
 $(c, p) = (7, -1), (9, -3), (19, -5)$

(答え)  $(7, -1), (9, -3), (19, -5)$

3		点
[問 1]	$\frac{\sqrt{3}}{4}$ cm <sup>2</sup>	7
[問 2]	100 度	6
[問 3]	【証明】	12

[解答例]  
 $\triangle ABS$ と $\triangle PBQ$ において,  
 $\triangle ABC$ は正三角形であるから,  
 $\angle BAS = \angle ACB = 60^\circ \dots\dots ①$   
 $\widehat{AB}$ に対する円周角の大きさは等しいから,  
 $\angle ACB = \angle BPQ = 60^\circ \dots\dots ②$   
 ①, ②より  $\angle BAS = \angle BPQ \dots\dots ③$   
 ②より  $\angle BPR = 60^\circ$ , また仮定より  $PR = PB$   
 よって,  $\triangle RBP$ は正三角形であるから,  
 $\angle RBP = 60^\circ$   
 したがって,  
 $\angle ABS = \angle ABP - \angle RBP = \angle ABP - 60^\circ$   
 $\angle PBQ = \angle ABP - \angle ABC = \angle ABP - 60^\circ$   
 ゆえに,  $\angle ABS = \angle PBQ \dots\dots ④$   
 ③, ④より, 2組の角がそれぞれ等しいから,  
 $\triangle ABS \sim \triangle PBQ$

4		点
[問 1]	$\frac{24}{5}$ cm	7
[問 2]	(1) $\frac{8\sqrt{3}}{3}$ cm <sup>3</sup>	6
[問 2]	(2) 【途中の式や計算など】	12

[解答例]  
 $t=5$  のとき,  
 $AP=5, BQ=12-2 \times 5=2, CR=3 \times 5-12=3$   
 点Pから辺BEに引いた垂線と辺BEとの交点をS,  
 点Qから辺CFに引いた垂線と辺CFとの交点をT,  
 点Rから辺ADに引いた垂線と辺ADとの交点をUとする。  
 $PS = QT = RU = 2$   
 $QS = 3, RT = 1, PU = 2$   
 $\triangle PQS, \triangle QRT, \triangle RPU$ において,  
 それぞれ三平方の定理を用いて,  
 $PQ^2 = 2^2 + 3^2 = 13$   
 $QR^2 = 2^2 + 1^2 = 5$   
 $RP^2 = 2^2 + 2^2 = 8$   
 よって,  $PQ^2 = QR^2 + RP^2$  となるから,  
 $\triangle PQR$ は $\angle PRQ = 90^\circ$ の直角三角形である。  
 したがって, 求める面積は,  
 $\frac{1}{2} \times QR \times RP = \frac{1}{2} \times \sqrt{5} \times \sqrt{8} = \sqrt{10}$  (cm<sup>2</sup>)

(答え)  $\sqrt{10}$  cm<sup>2</sup>

※ □ の欄には, 記入しないこと

小計	1	小計	2	小計	3	小計	4
	25		25		25		25

合計得点	100
------	-----

受検番号	
------	--