

正答表(30-国)

解 答 用 紙

数 学

1		点
[問 1]	$12 - \sqrt{2}$	5
[問 2]	$x = -2, y = \frac{1}{2}$	5
[問 3]	$\frac{5}{32}$	5
[問 4]	$a = 8$	5
[問 5] 解答例		5

2		点
[問 1]	$b = \frac{1}{4}$	7
[問 2]	$a = \frac{1}{16}$ 解答不能 受験者全員に一律8点を与える	8
[問 3] 解答例	【 途中の式や説明など 】	10

曲線  $l, m$  の式はそれぞれ  $y = \frac{12}{x}, y = \frac{1}{2}x^2$   
 4点 A, B, C, D の座標は  
 $A(-2, -6), B(4, 3), C(-2, 2), D(4, 8)$   
 したがって、直線 CD の式は  $y = x + 4$   
 点 P の座標は  $P(p, \frac{1}{2}p^2)$  であり、線分 CD 上に  
 点 Q  $(p, p + 4)$  をとると、  
 $PQ = (p + 4) - \frac{1}{2}p^2 = -\frac{1}{2}p^2 + p + 4$  となるから  
 $\triangle PDC = \triangle PQC + \triangle PQD$   

$$= \frac{1}{2} \times PQ \times (p + 2) + \frac{1}{2} \times PQ \times (4 - p)$$
  

$$= 3PQ$$
  

$$= -\frac{3}{2}p^2 + 3p + 12$$
  
 $\triangle PDC = \frac{15}{2}$  より  $-\frac{3}{2}p^2 + 3p + 12 = \frac{15}{2}$   
 整理して  $p^2 - 2p - 3 = 0$   
 すなわち  $(p + 1)(p - 3) = 0$   
 $0 < p < 4$  であるから  $p = 3$   
 よって  $P(3, \frac{9}{2})$   
 $S = \frac{1}{2} \times \{2 - (-6)\} \times \{3 - (-2)\} = 20$   
 $T = \frac{1}{2} \times (8 - 3) \times (4 - 3) = \frac{5}{2}$   
 よって  $S : T = 20 : \frac{5}{2}$  すなわち  $S : T = 8 : 1$

(答え)  $S : T = 8 : 1$

※ □ の欄には、記入しないこと

3			点
[問 1]	36	度	7
[問 2] 解答例	(1)	【 証 明 】	10
<p> <math>\angle BAR = \angle QAR = a^\circ</math> とおく。  <math>\triangle AHI</math> において、<math>\angle AHI = 90^\circ</math> であるから  <math>\angle AIH = 90^\circ - \angle HAI = 90^\circ - a^\circ</math>                      対頂角は等しいから <math>\angle QIJ = \angle AIH</math>                      よって <math>\angle QIJ = 90^\circ - a^\circ \dots \textcircled{1}</math>  <math>AB</math> は直径であるから <math>\angle AQB = 90^\circ</math>                      したがって <math>\angle AQJ = 90^\circ</math>  <math>\triangle AQJ</math> において  <math>\angle QJA = \angle AQJ - \angle QAJ = 90^\circ - a^\circ \dots \textcircled{2}</math>  <math>\textcircled{1}, \textcircled{2}</math> より  <math>\angle QIJ = \angle QJI</math>                      よって、<math>\triangle QIJ</math> において 2つの角が等しいから  <math>QI = QJ</math> </p>			
[問 2]	(2)	$\frac{\sqrt{3}}{3}$ cm	8

4			点
[問 1]	$\frac{4\sqrt{3}}{3}$	cm <sup>3</sup>	7
[問 2] 解答例	【 途中の式や説明など 】		10
<p>                     三角すい C-APB の体積が最も大きくなるのは、  <math>\triangle APB</math> の面積が最大となるとき、すなわち、  <math>\triangle APB</math> が <math>AP = BP</math> の直角二等辺三角形                      となるときである。                      このとき <math>AP = BP = 2\sqrt{2} \dots \textcircled{1}</math>  <math>\triangle APB = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{2} \times 2\sqrt{2} = 4</math>                      ゆえに、三角すい C-APB の体積 <math>V</math> は  <math>V = \frac{1}{3} \times \triangle APB \times BC = \frac{1}{3} \times 4 \times 2 = \frac{8}{3} \dots \textcircled{2}</math>                      ここで、<math>\triangle ABC</math>、<math>\triangle CBP</math> は直角三角形                      であるから、三平方の定理より  <math>AC = \sqrt{4^2 + 2^2} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}</math>  <math>CP = \sqrt{(2\sqrt{2})^2 + 2^2} = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}</math>                      また、<math>\textcircled{1}</math> より <math>AP = 2\sqrt{2}</math>  <math>\triangle APC</math> について、<math>AC^2 = AP^2 + CP^2</math>                      が成り立つから、三平方の定理の逆より、  <math>\triangle APC</math> は <math>\angle APC = 90^\circ</math> の直角三角形である。                      ゆえに <math>\triangle APC = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{2} \times 2\sqrt{3} = 2\sqrt{6} \dots \textcircled{3}</math>                      三角すい C-APB の体積 <math>V</math> は<math>\textcircled{3}</math> から  <math>V = \frac{1}{3} \times \triangle APC \times BH = \frac{1}{3} \times 2\sqrt{6} \times BH</math>  <math>\qquad \qquad \qquad = \frac{2\sqrt{6}}{3} BH \dots \textcircled{4}</math>  <math>\textcircled{2}, \textcircled{4}</math> から <math>\frac{2\sqrt{6}}{3} BH = \frac{8}{3}</math>                      したがって <math>BH = \frac{8}{2\sqrt{6}} = \frac{2\sqrt{6}}{3}</math> (cm)                 </p> <div style="border: 1px dashed black; padding: 5px; margin-top: 10px;">                     (答え) <math>\frac{2\sqrt{6}}{3}</math> cm                 </div>			
[問 3]	$\frac{\sqrt{3}}{6} \frac{\sqrt{3}}{3}$	cm <sup>3</sup>	8

小計 <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">1</span>	小計 <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">2</span>	小計 <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">3</span>	小計 <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">4</span>

受 検 番 号	合 計 得 点