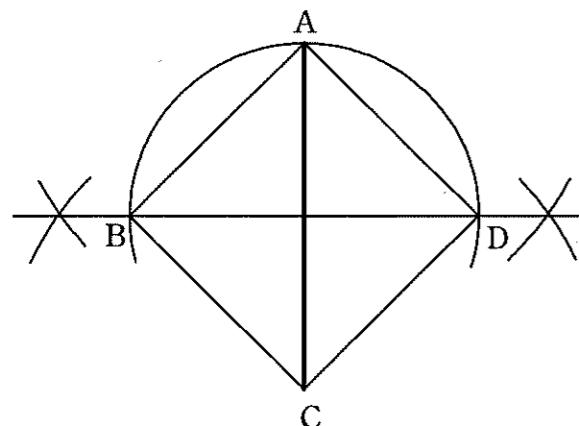


正 答 表

数 学

(30-戸)

	1	点
[問 1]	$\frac{\sqrt{6}-4}{3}$	5
[問 2]	$\frac{-5 \pm \sqrt{13}}{2}$	5
[問 3]	$x=2, y=11$	5
[問 4]	$\frac{7}{72}$	5
[問 5] 解答例		5



	2	点
[問 1]	$-\frac{1}{2}$	6
[問 2]	$y = \frac{5}{9}x$	7
[問 3] 解答例	【途中の式や計算など】	12

2点 P, Q の座標は,
 $P\left(\frac{5}{t}, t\right), Q\left(t, -\frac{1}{3}t^2\right)$ である。
 線分 PQ の中点の y 座標が -3 であるから,
 $t - (-3) = -3 - \left(-\frac{1}{3}t^2\right)$
 よって, $t^2 - 3t - 18 = 0$
 $(t+3)(t-6)=0$
 $t > 0$ であるから, $t = 6$
 このとき, $P\left(\frac{5}{6}, 6\right), Q(6, -12)$ となるから,
 $\triangle PQR$ において PR を底辺とみると, $PR = \frac{5}{6}$
 高さは 2点 P, Q の y 座標から,
 $6 - (-12) = 18$ である。
 したがって, $\triangle PQR$ の面積は,
 $\frac{1}{2} \times \frac{5}{6} \times 18 = \frac{15}{2} \text{ (cm}^2\text{)}$

(答え) $\frac{15}{2} \text{ cm}^2$

	3	点
[問 1]	50	度 6
[問 2] 解答例	【証明】	12

$\triangle ACE$ と $\triangle CGE$ において,
 共通な角であるから,

$$\angle AEC = \angle CEG \quad \dots \textcircled{1}$$

\widehat{BC} に対する円周角は等しいから,

$$\angle CAB = \angle CDB$$

$$\text{よって, } \angle CAE = \angle CDB \quad \dots \textcircled{2}$$

仮定より, $BD \parallel GC$ であるから,

同位角は等しいので,

$$\angle CDB = \angle GCE \quad \dots \textcircled{3}$$

②, ③より,

$$\angle CAE = \angle GCE \quad \dots \textcircled{4}$$

①, ④より, 2組の角がそれぞれ等しいから,

$$\triangle ACE \sim \triangle CGE$$

[問 3]	$\frac{22}{3}$	倍 7
-------	----------------	-----

小計 1	小計 2	小計 3	小計 4
25	25	25	25

	4	点
[問 1]	8	通り 8
[問 2]	12	cm^3 7
[問 3] 解答例	【途中の式や計算など】	10

単位 (cm) は省略して記述する。

$\triangle OAB$ において, 中点連結定理により,

$$PQ = \frac{1}{2}AB = 1$$

$BE = 4$ であるから,

$\triangle OBE$ は1辺の長さが4の正三角形で,

点 Q は辺 OB の中点であるから, $EQ = 2\sqrt{3}$

点 Q から線分 DE に引いた垂線を QR とする。

四角形 PQDE は, $PQ \parallel ED$ かつ $PE = QD$ の台形で,
 $PQ = 1, ED = 2$ であるから,

$$DR = \frac{1}{2}, ER = \frac{3}{2}$$

$\triangle QRE$ において, 三平方の定理により,

$$QR^2 = EQ^2 - ER^2$$

$$= (2\sqrt{3})^2 - \left(\frac{3}{2}\right)^2 = \frac{39}{4}$$

$\triangle QDR$ において, 三平方の定理により,

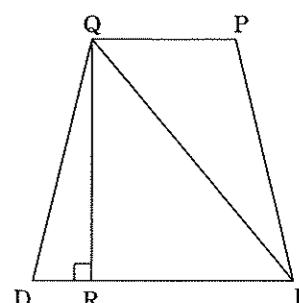
$$QD = \sqrt{QR^2 + DR^2}$$

$$= \sqrt{\frac{39}{4} + \left(\frac{1}{2}\right)^2} = \sqrt{10}$$

$$PE = QD = \sqrt{10}$$

ゆえに, 求める長さは,

$$2\sqrt{10} + 1 + 2 = 2\sqrt{10} + 3$$



(答え)	$2\sqrt{10} + 3$	cm
------	------------------	----

※ の欄には、記入しないこと

合 計 得 点

100

受 檢 番 号