

※ の欄には、記入しないこと。

1		
[問1]	1	6
[問2]	$2\sqrt{2}$	6
[問3]	$x = -3, y = 7$	6
[問4]	-8, 6	6
[問5]	18 度	6
[問6] 解答例	【作図】	7

2		
[問1]	$0 \leq y \leq 2$	6
[問2] 解答例	① 【途中の式や計算など】	9
2点 A, C は曲線 l 上にあり, x 座標がそれぞれ $-1, 3$ であるので, $A(-1, 1), C(3, 9)$ 直線 AC の方程式を $y = ax + b$ とすると, $\begin{cases} -a + b = 1 \\ 3a + b = 9 \end{cases}$ これを解くと $a = 2, b = 3$ よって, 直線 AC の方程式は $y = 2x + 3$ である。 $AB \parallel PQ$ なので, $\triangle ABP$ と $\triangle APQ$ の面積比が $4 : 7$ となるとき, $AB : PQ = 4 : 7$ である。 よって, $4PQ = 7AB$ 点 P の座標は (t, t^2) と表される。 点 Q は直線 AC 上にあり, x 座標が t である ので点 Q の座標は $(t, 2t + 3)$ と表される。 したがって, $AB = 1, PQ = 2t + 3 - t^2$ $4PQ = 7AB$ であるから $-4t^2 + 8t + 12 = 7$ $4t^2 - 8t - 5 = 0$ $t = \frac{8 \pm \sqrt{64 + 80}}{8} = \frac{8 + 12}{8} = \frac{5}{2}, -\frac{1}{2}$ $0 < t < 3$ より $t = \frac{5}{2}$ したがって, $P\left(\frac{5}{2}, \frac{25}{4}\right)$		
(答え) $P\left(\frac{5}{2}, \frac{25}{4}\right)$		
[問2]	② $6\pi \text{ cm}^3$	6

3			
[問1]	$\frac{a}{2}$ 度	6	
[問2] 解答例	【証明】	9	
$\triangle AED$ と $\triangle FDC$ において, 正方形 ABCD の 1 つの内角だから, $\angle DAE = 90^\circ \dots \text{①}$ $\triangle PCD$ は $CP = CD$ の二等辺三角形であり, 線分 CF は $\angle PCD$ の二等分線だから, 底辺 PD と線分 CF は垂直に交わる。 よって, $\angle CFD = 90^\circ \dots \text{②}$ ①, ②より, $\angle DAE = \angle CFD \dots \text{③}$ また, $AE \parallel DC$ より, 錯角は等しいから, $\angle AED = \angle FDC \dots \text{④}$ ③, ④より, 2組の角がそれぞれ等しいから, $\triangle AED \sim \triangle FDC$			
[問3]	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	6	
小計1	小計2	小計3	小計4
37	21	21	21

4			
[問1]	6 通り	7	
[問2] 解答例	【 a, b の組】	7	
$(a, b) = (1, 2), (2, 4), (4, 2), (5, 4)$ よって, 求める確率は $\frac{4}{36} = \frac{1}{9}$			
(答え) $\frac{1}{9}$			
[問3]	$4\sqrt{3} \text{ cm}^2$	7	
受検番号		合計得点	
		100	