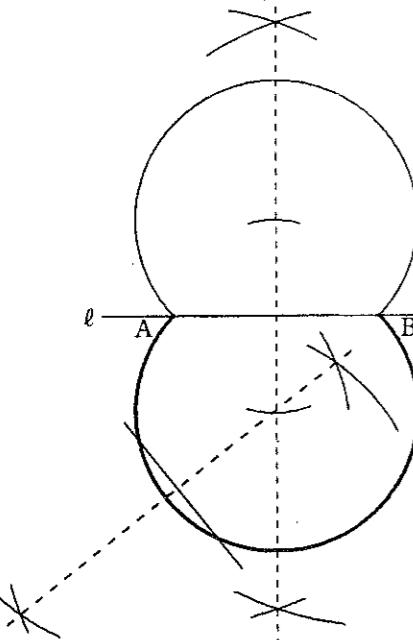


数 学

1		点
[問 1]	$5 + \sqrt{3}$	5
[問 2]	$\frac{-1 \pm \sqrt{17}}{2}$	5
[問 3]	$a = -\frac{1}{2}$	5
[問 4]	$\frac{5}{16}$	5
[問 5] 解答例		5



※ の欄には、記入しないこと

小計 1	小計 2	小計 3	小計 4

2		点
[問 1]	4	通り 7
[問 2]	(1) 【途中の式や計算など】	10

(答え)  $y = -\frac{1}{3}x + \frac{8}{3}$

[問 2] (2)	$(2\sqrt{3}, \sqrt{3})$	8
-----------	-------------------------	---

合 計 得 点	受 檢 番 号

3		点
[問 1]	27	度 7
[問 2]	(1) 【証 明】	10

△OCB と △ABFにおいて,  
直線 BC は円 O の接線であるから,  
 $\angle CBO=90^\circ$

線分 AB は円 O の直径であるから,  
 $\angle BFA=90^\circ$

よって,  $\angle CBO=\angle BFA \dots \textcircled{1}$

また,  $\widehat{BD}=\widehat{DE}$  より,

$$\angle BOC=\angle BOD=\frac{1}{2}\angle BOE \dots \textcircled{2}$$

円周角の定理より,

$$\angle BFE=\frac{1}{2}\angle BOE \dots \textcircled{3}$$

②, ③より,

$$\angle BOC=\angle BFE \dots \textcircled{4}$$

線分 AB と線分 EF の交点を G とすると,  
 $EF \parallel CB$ ,  $\angle CBO=90^\circ$  より,  $\angle BGF=90^\circ$

△OCB と △FBGにおいて,

$$\angle OCB=90^\circ-\angle BOC \dots \textcircled{5}$$

$$\angle FBG=90^\circ-\angle BFG=90^\circ-\angle BFE \dots \textcircled{6}$$

④, ⑤, ⑥より,

$$\angle OCB=\angle FBG=\angle ABF \dots \textcircled{7}$$

①, ⑦より, 2組の角がそれぞれ等しいから  
 $\triangle OCB \sim \triangle ABF$

4		点
[問 1]	$5\pi$	cm 7
[問 2]	(1) 【途中の式や計算など】	10

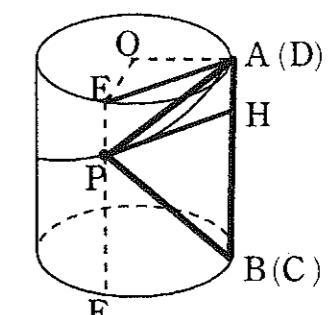
点 P が A を出発してから 1 秒後のとき,  
点 P は線分 EF 上にある。

点 P から母線 AB に垂線 PH を下ろすと,  
 $AB \parallel EF$  より,  $\angle EPH=90^\circ$ ,  $AH=EP$  なので,  
四角形 AEPH は長方形となり,  $PH=EA$

このとき, 上の底面となる円の中心を O とすると,  
三角形 OAE は,  $OA=OE=2(\text{cm})$  の  
直角二等辺三角形となるので,  
 $EA=PH=2\sqrt{2}(\text{cm})$

また, 展開図において,  $AB : AD = 3 : 4$  なので,  
母線 AB の長さは,  $3\pi(\text{cm})$

よって, 三角形 PAB の面積は

$$\frac{1}{2} \times 2\sqrt{2} \times 3\pi = 3\sqrt{2}\pi(\text{cm}^2)$$


(答え)  $3\sqrt{2}\pi \text{ cm}^2$

[問 2] (2)	$4\pi$	$\text{cm}^3 8$
-----------	--------	-----------------